

## Trabajo N° 3 Matemática 1ro A

Buenas a todos y todas. Hemos dejado claro cómo será el procedimiento de los trabajos. Por si acaso y si no se entendió, dejo detallado todo de nuevo:

. Los trabajos serán combinados con las clases presenciales, dentro de este trabajo encontrarán la información que se necesita para realizar el mismo por si sucede algo y no pueden presenciar la clase.

. Los trabajos los entregan, dentro de la semana que se les exige y se verá reflejada a continuación.

. OJO, no porque tengan la información detallada en el trabajo no deben ir a la escuela. Lo presencial nos ayuda a fijar los conceptos y ejercitar, también ver lo que no se puede transmitir por acá.

. Utilicen el Classroom para enviarme los tps.

. Aprovechen la semana que no van para resolver los puntos ya dados la semana anterior.

. Dudas, preguntas o consultas al grupo de wtp, así capaz le resuelven las dudas a otro/a que tenía las mismas.

**Profesor:** Alejandro Petrillo

**Fecha de entrega:**

**Grupo 1: 12/07**

**Grupo 2: 12/07**

**Wtp:** 1140754757

### Factor común

Empezamos trabajando con FACTOR COMUN. Que sería lo contrario a hacer la propiedad distributiva.

Antes de esto primero veamos la definición de factor.

**Factor:** Elemento que contribuye a producir un resultado.

Diremos entonces que el factor común es el factor que está presente en cada término de un cálculo combinado u operación.

La idea nuestra es hacer lo contrario a distribuir, es decir, ahora vamos a EXTRAER los términos que tienen en común y lo vamos a escribir, veamos el siguiente ejemplo:

$$3 \cdot 2 \cdot 5 + 3 \cdot 7 + 3 \cdot 2 \cdot 4 =$$

$$3(2 \cdot 5 + 7 + 3 \cdot 4) =$$

En este caso está muy a la vista que el 3 aparece en todos los términos, entonces como el 3 multiplica a cada término, lo extraemos y anotamos cada número sin ese 3. En este caso, ya aparece cada término separado y es más sencillo de ver. Veamos un ejemplo, donde tenemos que modificar u anotar de otra manera los números como para notarlo de una manera más sencilla:

$$25 + 100 - 15 + 50 =$$

$$5 \cdot 5 + 10 \cdot 10 - 3 \cdot 5 + 5 \cdot 10 =$$

$$5 \cdot 5 + 2 \cdot 5 \cdot 2 \cdot 5 - 3 \cdot 5 + 5 \cdot 2 \cdot 5 =$$

Lo que hice en el anterior, fue anotar los números de otra manera, es decir,  $5 \cdot 5$  es lo mismo que 25, escrito de una manera diferente y lo mismo para los otros valores. Ahora términos el ejercicio sacando factor común y veamos que el factor que tienen en común en este caso es el 5. Entonces:

$$5 \cdot 5 + 2 \cdot 5 \cdot 2 \cdot 5 - 3 \cdot 5 + 5 \cdot 2 \cdot 5 =$$

$$5(5 + 2 \cdot 2 \cdot 5 - 3 + 2 \cdot 5) =$$

Veamos 2 casos más, uno utilizando letras. Veamos que las letras en este caso van a funcionar como un número que desconocemos, por ahora interpretémoslo de esa manera.

$$5ab - 3ba + 8ab - ab =$$

En este caso a y b son números que no sabemos el valor, y no nos interesa a la hora de resolver esto. Porque si a esta en todos los términos, lo sacamos factor común y lo mismo para b, veamos:

$$5ab - 3ba + 8ab - ab =$$

$$ab(5 - 3 + 8 - 1) =$$

Notemos que cuando queda, solamente ab nos queda un -1 por el signo que trae, me llevo el ab pero siempre dejo un 1 o -1 porque modificaría nuestra cuenta.

**Ultimo ejemplo:**

$$6 \cdot 3 + 6 \cdot 3 \cdot 2 + 6 \cdot 3 \cdot 6 - 3 \cdot 3 \cdot 6 =$$

$$6 \cdot 3(1 + 2 + 6 - 3) =$$

Veamos que cuando saque el factor común de  $6 \cdot 3$ , paso que deje un 1, como les dije antes, absorbemos el factor. Pero siempre va a quedar un 1 en esos casos.

**Observación:**

Tengamos en cuenta que a la hora de realizar todo esto, la multiplicación es conmutativa. Esto quiere decir que para cualquier número, es lo mismo hacer  $2 \cdot 3 = 6$  y  $3 \cdot 2 = 6$ . Lo mismo en la suma,  $2 + 3 = 5$  y  $3 + 2 = 5$ . Tengan en cuenta que no pasa esto ni en la resta ni en la división.

### Operaciones combinadas

En el trabajo anterior pudimos ir viendo como separábamos en términos, como se utilizaban los paréntesis y algunas propiedades de los números naturales.

Pudimos ver por un lado, como resolver suma y resta, como utilizar todo en esas operaciones y por otro lado, como funcionaban la división y la multiplicación. Bien, ahora vamos a ver cómo funcionan las dos combinadas. Que es lo que vamos a tener en cuenta y algunos ejemplos.

**Claves a la hora de resolver los ejercicios combinados que tengan suma, resta, multiplicación y división.**

. Cuando separamos en términos, recordemos que separamos desde un signo + o -, hasta otro signo + o -, los signos de multiplicar o dividir, NO SEPARAN EN TERMINOS.

. No se olviden de los paréntesis, cuando separo en términos el paréntesis es un término solo y si hace falta, separo dentro del mismo.

. A la hora de resolver, resuelvo de ADENTRO HACIA AFUERA, primero paréntesis y luego lo demás.

. A la hora de resolver, soy PROLIJO Y ORDENADO, escribo abajo como voy haciendo todo e intento no saltarme pasos.

. Tengan en cuenta que las cuentas no son difíciles, lo difícil es querer hacer 45 cuentas juntas. Pierden más tiempo porque después lo van a tener que rehacer.

**Veamos dos ejemplos.**

$$8 : 4 - 3 + (2 + 1) \cdot 2 =$$

Separo en términos y me quedaría:

$$\overline{8 : 4 - 3 + (2 + 1) \cdot 2} =$$

$$2 - 3 + 3 \cdot 2 =$$

$$2 - 3 + 6 = 5$$

Fíjense, como fui haciendo todos los pasos. Separe en términos (teniendo en cuenta los signos + o -) luego empecé a resolver, las cuentas que podía como el 8:4 y luego el paréntesis. Eso lo fui bajando y escribiendo ORDENADO y me termino dando 5 que es el resultado.

El resultado es muy lindo, es lo que siempre buscamos, pero si yo no tengo el procedimiento, no puedo evaluar lo que están haciendo. ESCRIBANLO!

**Veamos otra un poco más compleja.**

$$(3 \cdot 4 + 8) : (7 + 4 - 1) - \{7 \cdot 5 : (4 + 3) - 3\} + 4 + 13 =$$

Separo en términos, como los paréntesis son complejos, también lo hago dentro de ellos:

$$\overline{(3 \cdot 4 + 8) : (7 + 4 - 1) - \{7 \cdot 5 : (4 + 3) - 3\} + 4 + 13} =$$

Luego empiezo a resolver desde lo más ADENTRO hacia AFUERA. Es decir, del primer paréntesis hacia lo último y PASO POR PASO, no salteen nada.

$$\begin{aligned} & \overline{(\overline{3 \cdot 4 + 8}) : (\overline{7 + 4 - 1}) - \overline{7 \cdot 5 : (\overline{4 + 3}) - 3}} + \overline{4} + \overline{13} = \\ & (12 + 8) : (10) - \{7 \cdot 5 : 7 - 3\} + 4 + 13 = \\ & (20) : 10 - \{5 - 3\} + 4 + 13 = \\ & 2 - 2 + 4 + 13 = 17 \end{aligned}$$

Lo hice paso por paso, ordenado y no me saltee nada, si yo lo hice así. Ustedes también, tienen más ejemplos en las clases por zoom. Pero tengan paciencia y pueden equivocarse SI, siempre, es normal. Pero ténganle paciencia.

### Teoría de Conjuntos

#### Definición de un conjunto:

En matemáticas, un conjunto es una colección de elementos con características similares considerada en sí misma como un objeto. Los elementos de un conjunto, pueden ser las siguientes: personas, números, colores, letras, figuras, etc. Se dice que un elemento (o miembro) pertenece al conjunto si está definido como incluido de algún modo dentro de él.

#### Ejemplo:

El conjunto de los colores del arcoíris es:

$$A = \{\text{Rojo, Naranja, Amarillo, Verde, Azul, Celeste, Violeta}\}$$

Un conjunto suele definirse mediante una propiedad que todos sus elementos poseen.

Un conjunto queda definido únicamente por sus miembros y por nada más. En particular, un conjunto puede escribirse como una lista de elementos, pero cambiar el orden de dicha lista o añadir elementos repetidos no define un conjunto nuevo.

#### Por ejemplo:

$$S = \{\text{Lunes, Martes, Miércoles, Jueves, Viernes}\} = \{\text{Martes, Viernes, Jueves, Lunes, Miércoles}\}$$

$$A = \{\text{Rojo, Naranja, Amarillo, Verde, Azul, Celeste, Violeta}\} = \{\text{Amarillo, Naranja, Rojo, Verde, Violeta, Celeste, Azul}\}$$

#### Características de un conjunto

- . Los conjuntos suelen designarse mediante letras mayúsculas, A, B, C....
- . Los elementos del conjunto se escriben entre llaves; así:  $A = \{a, b, c, \dots\}$ .
- . El conjunto vacío no tiene ningún elemento. Se representa por la letra  $\emptyset$  (similar a una O tachada).
- . Un elemento pertenece a un conjunto cuando es de él. Si el elemento **a** pertenece al conjunto **A** se escribe  **$a \in A$** . Si el elemento **p** no pertenece al conjunto **A** se escribe  **$p \notin A$** .

#### Ejemplo:

El conjunto de los números del 1 al 6 es  $E = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ . Y entonces podemos decir que el elemento  $5 \in E$  y el elemento  $7 \notin E$ .

### Cardinal de un conjunto.

Es el número de elementos que tiene ese conjunto.

### Ejemplo:

El cardinal de los conjuntos  $A = \{a, b, c, d, e, f, g\}$ ,  $B = \{a, e, i, o, u\}$  y  $C = \{u, v, w\}$  es, respectivamente, 7, 5 y 3.

### Video de elementos de un conjunto.

<https://www.youtube.com/watch?v=MY24oAock4c>

### ¿Cómo escribimos un conjunto?

Tenemos dos formas de describir un conjunto, una por extensión y otra por comprensión.

#### Conjunto por extensión:

Para describir los elementos de un determinado conjunto los puedes mencionar uno a uno, a esto se conoce como **descripción por extensión**. Definamos A como el conjunto conformado por los colores del arco iris, en este caso podemos describir el conjunto por extensión así:

$A = \{\text{Rojo, Naranja, Amarillo, Verde, Azul, Celeste, Violeta}\}$

Si un conjunto tiene muchos elementos puedes hacer uso de los puntos suspensivos para describir el conjunto por extensión. Por ejemplo, si el conjunto W está conformado por los cien primeros números naturales, puedes representarlo de la siguiente manera:

$W = \{1, 2, 3, \dots, 98, 99, 100\}$

En este caso no se muestran los cien elementos que conforman el conjunto. Sin embargo, los puntos suspensivos representan todos los elementos que, por comodidad, no hemos escrito.

#### Conjunto por comprensión:

En algunos casos los conjuntos pueden tener una variada cantidad de elementos y la descripción por extensión resultaría muy molesta. Se puede entonces describir los conjuntos mencionando las características que comparten los elementos que los conforman. Por ejemplo, si C es el conjunto conformado por todos los países del mundo se puede escribir:

$C = \{x/x \text{ es un país}\}$

En donde la barra / se lee como “tales que”. Así, la anterior expresión se lee: “**C es el conjunto de los X tales que X es un país**”. En este caso el símbolo  $x$  es usado simplemente para representar los elementos del conjunto. Otro ejemplo con números sería:

$B = \{x / x \in N \wedge 7 \leq x \leq 28\}$

Donde la expresión anterior se lee “**B es el conjunto de los X tales que X pertenece a los números naturales y X es mayor-igual a 7 y menor-igual a 28**”, donde esto incluiría los números 7, 8, 9, 10...27,28.

∧ Este símbolo significa “y”

**Video con respecto a escritura de conjuntos.**

<https://www.youtube.com/watch?v=RHHA-bDhfGw>

### Subconjuntos

Un subconjunto de A es cualquier conjunto formado por cualquier número de elementos de A. Entre los subconjuntos de A se incluyen el conjunto  $\emptyset$  y el mismo A.

Para indicar que B es un subconjunto de A se escribe  $B \subset A$ , y también se lee “B está contenido en A”. Por los dicho antes,  $\emptyset \subset A$  y  $A \subset A$ .

El símbolo  $\subset$  puede leerse al revés:  $\supset$ . Esto es,  $B \subset A$  es lo mismo que  $A \supset B$ . (La parte abierta señala al conjunto mayor.) No debe escribirse  $B \in A$  para indicar la relación  $B \subset A$ . Si un conjunto C no es subconjunto de A se escribe  $C \not\subset A$ .

Un conjunto tiene muchos subconjuntos.

### Ejemplo:

Si  $E = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ , algunos subconjuntos de E son:

$\{1\}; \{6\}; \{1, 2\}; \{2, 5\}; \{2, 4, 6\}; \{3, 4, 5, 6\}; \{1, 3, 4, 5, 6\}$

Todos estos conjuntos están incluidos en A

### Ejemplos

#### Ejemplo 1

Definir el siguiente conjunto por comprensión y decir el cardinal del conjunto.

$$A = \{3, 4, 5 \dots 109\}$$

Como vemos este conjunto, tiene los elementos que van desde 3 hasta 109. También incluidos. Entonces la idea sería escribir “todos los números naturales o X que van desde 3 hasta 109”. Como vimos más arriba, se escribirían los “X tal que X pertenecientes a los números naturales y X es mayor-igual a 3 y es menor-igual a 109”. Entonces:

$$A = \{x / x \in N \wedge 3 \leq x \leq 109\}$$

Tener en cuenta que se puede escribir con los símbolos sin el igual, pero habría que escribir a partir del 2 y del 110, para no incluirlos. Y sería:

$$A = \{x / x \in N \wedge 2 < x < 110\}$$

Esta forma también estaría bien.

Dijimos que el cardinal del conjunto es la cantidad de elementos que tiene este conjunto. Y como el conjunto A tiene los elementos que van desde el 3 al 109, como dijimos 3, 4, 5...109. Entonces tiene 107 elementos, porque si el conjunto iría del 1 al 109, tendría 109 elementos, le saco el 1 y el 2. Entonces tiene 107.

### **Ejemplo 2**

Definir el siguiente conjunto por extensión y decir el cardinal del conjunto.

$$B = \{x / x \in N \wedge 18 < x \leq 65\}$$

En este sería "al revés". Interpretamos que dice el conjunto "x tal que x pertenecientes a los números naturales y x es mayor a 18 y x es menor-igual a 65" Tener en cuenta que en este caso, no esta incluido el 18 y si el 65, por los símbolos de igual. Entonces en nuestro conjunto B por extensión escribiremos lo números que van desde 18 (sin incluir) hasta 65 (incluido). Entonces:

$$B = \{19, 20, 21 \dots 64, 65\}$$

Escribimos los puntos suspensivos (...) para no escribir todos los números faltantes.

En este caso, el número de elementos del conjunto o cardinal. Serían todos los números que van desde 19 hasta 65. Hagamos lo mismo que antes, si el conjunto fuera de 1 a 65, tendría 65 elementos, saquemos los primeros 18 números.  $65 - 18 = 43$ . Entonces el conjunto B tiene 43 elementos.

### **Ejemplo 3**

Hallar 3 subconjuntos del conjunto expresado en el ejemplo 1.

Tenemos el conjunto A

$$A = \{3, 4, 5 \dots 109\}$$

Y dijimos más arriba que "**Un subconjunto de A es cualquier conjunto formado por cualquier número de elementos de A**", entonces un subconjunto es un conjunto más chiquito que A con elementos que se encuentren en A. Como por ejemplo el conjunto que solo tiene a 3,4 y 5.

$$W = \{3, 4, 5\}$$
 Este sería un subconjunto de A y lo llamo W (porque quiero y es una letra mayúscula).

¿Cómo pensamos otro? Busco conjuntos más pequeños que A con elementos de A como el 100, 101, 102, 103, 104 y 105 que todos pertenecen a A.

$$S = \{100, 101, 102, 103, 104, 105\}$$
 Este sería otro subconjunto de A y lo llamo S.

¿Otro más? Un subconjunto más es el que tiene un solo elemento de A y elijo cualquiera, me gusta el 23. Entonces:

$F = \{23\}$  Y ya tengo los 3 subconjuntos de A, W, S y F. Son conjuntos más chicos que A formado con elementos de A.

### Trabajo N° 3 para entregar

- Sacar factor común todo lo posible (solo sacar factor común, no resolver)
  - $5 \cdot 3 + 2 \cdot 5 - 1 \cdot 5 \cdot 3 =$
  - $24 + 16 - 8 + 4 =$
  - $2 \cdot 5 \cdot 8 + 3 \cdot 2 \cdot 1 \cdot 5 + 2 \cdot 7 \cdot 5 - 2 \cdot 5 \cdot 3 =$
  - $21yx - 7xy + 14xyz =$
  - $x - 6xy + 3x + 18xz =$
  - $(3+1)2 + 4(3+1) - 5(1+3) =$
- Separar en términos los siguientes cálculos (solo separar en términos), también dentro de los paréntesis.
  - $15 - (6-3)(2-1) + [(30+15):(10+15)] =$
  - $6\{(7-3 \cdot 2+1)-1\}:(2+1) + [8:(9-7)-4] + 3(4-2) =$
  - $\{3[5:(4+1) \cdot 2+2] \cdot (18-6):6+2\} + 1 + [3 \cdot (5-3) + 9(3-2):3] =$
- Resolver los siguientes cálculos
  - $6:3 - 1 + (2+3) \cdot 2 =$
  - $8 + \{3(6-4):2 - 2 + 5\} + 3(4-2) =$
  - $15 - (6-3)(2-1) + [(30+15):(10+5)] =$
  - $3 + \{[12:(7-4)+1] + (6-5)(1+1) - 1\} - 3 - 1 =$
  - $6\{(7-3 \cdot 2+1)-1\}:(2+1) + [8:(9-7)-4] + 3(4-2) =$
  - $\{3[5:(4+1) \cdot 2+2] \cdot (18-6):6+2\} + 1 + [3 \cdot (5-3) + 9(3-2):3] =$
- Definir los siguientes conjuntos por comprensión.
  - $A = \{81, 82, 83 \dots 190\}$
  - $B = \{2, 4, 6, 8 \dots 22\}$
  - $C = \{7\}$
  - $D = \{ \}$
- Definir los siguientes conjuntos por extensión.
  - $E = \{x / x \in N \wedge 25 < x \leq 200\}$
  - $F = \{x / x \in N \wedge x \geq 13\}$
  - $G = \{x / x \in N \wedge 7 < x < 3\}$

d)  $H = \{x / x \in N \wedge x \in 17 \wedge 21 \leq x \leq 29\}$

6. Calcular el cardinal, de todos los conjuntos del ejercicio 1 y 2.
7. Hallar 3 subconjuntos de los conjuntos A, C, E y F.

**Tener en cuenta la fecha de entrega porque entra en el boletín que entregamos antes de las vacaciones.**